#### Гимназия 1543, математический спецкурс, 8 В

## Занятие 23: ещё графы (ДОМАШНЕЕ задание)

- 1) Докажите, что в любом графе, в котором больше 1 вершины, найдётся пара вершин одной степени.
- 2) В графе n вершин. Степень каждой из них не меньше (n-1)/2. Докажите, что этот граф связен.
- 3) Пусть в графе v вершин, r рёбер и k компонент связности.
  - а) Докажите, что  $r \geqslant v k$ ;
  - б) Найдите максимальное значение r при фиксированных n и k.
- 4) У Ксюши 24 одноклассника, причём все они имеют различное число друзей в этом классе. Сколько из них дружат с Ксюшей?
- 5) Докажите, что в любом связном графе существует замкнутый путь, проходящий по каждому ребру ровно 2 раза.

#### Гимназия 1543, математический спецкурс, 8 В

## Занятие 23: ещё графы (ДОМАШНЕЕ задание)

- 1) Докажите, что в любом графе, в котором больше 1 вершины, найдётся пара вершин одной степени.
- 2) В графе n вершин. Степень каждой из них не меньше (n-1)/2. Докажите, что этот граф связен.
- 3) Пусть в графе v вершин, r рёбер и k компонент связности.
  - а) Докажите, что  $r \geqslant v k$ ;
  - б) Найдите максимальное значение r при фиксированных n и k.
- 4) У Ксюши 24 одноклассника, причём все они имеют различное число друзей в этом классе. Сколько из них дружат с Ксюшей?
- 5) Докажите, что в любом связном графе существует замкнутый путь, проходящий по каждому ребру ровно 2 раза.

### Гимназия 1543, математический спецкурс, 8 В

## Занятие 23: ещё графы (ДОМАШНЕЕ задание)

- 1) Докажите, что в любом графе, в котором больше 1 вершины, найдётся пара вершин одной степени.
- 2) В графе n вершин. Степень каждой из них не меньше (n-1)/2. Докажите, что этот граф связен.
- 3) Пусть в графе v вершин, r рёбер и k компонент связности.
  - а) Докажите, что  $r \geqslant v k$ ;
  - б) Найдите максимальное значение r при фиксированных n и k.
- 4) У Ксюши 24 одноклассника, причём все они имеют различное число друзей в этом классе. Сколько из них дружат с Ксюшей?
- 5) Докажите, что в любом связном графе существует замкнутый путь, проходящий по каждому ребру ровно 2 раза.

#### Гимназия 1543, математический спецкурс, 8 В

# Занятие 23: ещё графы (ДОМАШНЕЕ задание)

- 1) Докажите, что в любом графе, в котором больше 1 вершины, найдётся пара вершин одной степени.
- 2) В графе n вершин. Степень каждой из них не меньше (n-1)/2. Докажите, что этот граф связен.
- 3) Пусть в графе v вершин, r рёбер и k компонент связности.
  - а) Докажите, что  $r \geqslant v k$ ;
  - б) Найдите максимальное значение r при фиксированных n и k.
- 4) У Ксюши 24 одноклассника, причём все они имеют различное число друзей в этом классе. Сколько из них дружат с Ксюшей?
- 5) Докажите, что в любом связном графе существует замкнутый путь, проходящий по каждому ребру ровно 2 раза.

### Гимназия 1543, математический спецкурс, 8 В

# Занятие 23: ещё графы (ДОМАШНЕЕ задание)

- 1) Докажите, что в любом графе, в котором больше 1 вершины, найдётся пара вершин одной степени.
- 2) В графе n вершин. Степень каждой из них не меньше (n-1)/2. Докажите, что этот граф связен.
- 3) Пусть в графе v вершин, r рёбер и k компонент связности.
  - а) Докажите, что  $r \geqslant v k$ ;
  - б) Найдите максимальное значение r при фиксированных n и k.
- 4) У Ксюши 24 одноклассника, причём все они имеют различное число друзей в этом классе. Сколько из них дружат с Ксюшей?
- 5) Докажите, что в любом связном графе существует замкнутый путь, проходящий по каждому ребру ровно 2 раза.